

# 2018 年成人高考学校招生全国统一考试

## 数 学

一、选择题:本大题共 17 小题,每小题 5 分,共 85 分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的,将所选项前的字母填涂在答题卡相应题号的信息点上。

1. 已知集合  $A = \{2, 4, 8\}$ ,  $B = \{2, 4, 6, 8\}$ , 则  $A \cup B =$  ( )

A.  $\{6\}$       B.  $\{2, 4\}$       C.  $\{2, 4, 8\}$       D.  $\{2, 4, 6, 8\}$

2. 不等式  $x^2 - 2x < 0$  的解集为 ( )

A.  $\{x | 0 < x < 2\}$       B.  $\{x | -2 < x < 0\}$       C.  $\{x | x < 0 \text{ 或 } x > 2\}$       D.  $\{x | x < -2 \text{ 或 } x > 0\}$

3. 曲线  $y = \frac{2}{1-x}$  的对称中心是 ( )

A.  $(-1, 0)$       B.  $(1, 0)$       C.  $(2, 0)$       D.  $(0, 1)$

4. 下列函数中, 在区间  $(0, +\infty)$  内为增函数的是 ( )

A.  $y = x^{-1}$       B.  $y = \sin x$       C.  $y = x^2$       D.  $y = 3^{-x}$

5. 函数  $f(x) = \tan\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)$  的最小周期是 ( )

A.  $4\pi$       B.  $2\pi$       C.  $\pi$       D.  $\frac{\pi}{2}$

6. 下列函数中, 为偶函数的是 ( )

A.  $y = 1 + x^{-3}$       B.  $y = 2^{-x}$       C.  $y = x^{-1} - 1$       D.  $y = \sqrt{x^2 + 1}$

7. 函数  $y = \log_2(x+2)$  的图像向上平移一个单位后, 所得图像对应的函数为 ( )

A.  $y = \log_2(x+1)$       B.  $y = \log_2(x+2)+1$       C.  $y = \log_2(x+2)-1$       D.  $y = \log_2(x+3)$

8. 在等差数列  $\{a_n\}$  中,  $a_1 = 1$ , 公差  $d \neq 0$ ,  $a_2, a_3, a_6$  成等比数列, 则  $d =$  ( )



- A. -2                      B. -1                      C. 1                      D. 2

9. 从 1, 2, 3, 4, 5 中任取 2 个不同的数, 这 2 个数都是偶数的概率为 ( )

- A.  $\frac{1}{10}$                       B.  $\frac{1}{5}$                       C.  $\frac{3}{10}$                       D.  $\frac{3}{5}$

10. 圆  $x^2 + y^2 + 2x - 6y - 6 = 0$  的半径为 ( )

- A.  $\sqrt{10}$                       B.  $\sqrt{15}$                       C. 4                      D. 16

11. 双曲线  $3x^2 - 4y^2 = 12$  的焦距为 ( )

- A. 2                      B.  $2\sqrt{3}$                       C. 4                      D.  $2\sqrt{7}$

12. 已知抛物线  $y^2 = 6x$  的焦点为 F, 点 A (0, 1), 则直线 AF 的斜率为 ( )

- A.  $\frac{3}{2}$                       B.  $\frac{2}{3}$                       C.  $-\frac{3}{2}$                       D.  $-\frac{2}{3}$

13. 若 1 名女生和 3 名男生排成一排, 则该女生不在两端的不同排法共有 ( )

- A. 24 种                      B. 16 种                      C. 12 种                      D. 8 种

14. 已知平面向量  $a = (1, t)$ ,  $b = (-1, 2)$  若  $a + mb$  平行于向量  $(-2, 1)$  则 ( )

- A.  $2t - 3m + 1 = 0$     B.  $2t - 3m - 1 = 0$     C.  $2t + 3m + 1 = 0$     D.  $2t + 3m - 1 = 0$

15. 函数  $f(x) = 2\cos\left(3x - \frac{\pi}{3}\right)$  在区间  $\left[-\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3}\right]$  的最大值是 ( )

- A. 2                      B.  $\sqrt{3}$                       C. 0                      D. -1

16. 函数  $y = x^2 - 2x - 3$  的图像与直线  $y = x + 1$  交于 A, B 两点, 则  $|AB| =$  ( )

- A.  $2\sqrt{13}$                       B.  $5\sqrt{2}$                       C.  $\sqrt{13}$                       D. 4



17. 设甲:  $y = f(x)$  的图像有对称轴; 乙:  $y = f(x)$  是偶函数, 则 ( )

- A. 甲是乙的充分条件但不是必要条件
- B. 甲是乙的必要条件但不是充分条件
- C. 甲是乙的充要条件
- D. 甲既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分. 把答案写在答题卡相应题号后。

18. 过点  $(1, -2)$  且与直线  $3x + y - 1 = 0$  垂直的直线方程为\_\_\_\_\_.

19. 掷一枚硬币时, 正面向上的概率为  $\frac{1}{2}$ , 掷这枚硬币 4 次, 则恰有 2 次正面向上的概率是\_\_\_\_\_

20. 已知  $\sin x = -\frac{3}{5}$ , 且  $x$  为第四象限角, 则  $\sin 2x$  \_\_\_\_\_

21. 曲线  $y = x^2 - e^x + 1$  在点  $(0, 0)$  处的切线方程为\_\_\_\_\_

三、解答题: 本大题共 4 小题, 共 49 分. 解答应写出推理、演算步骤, 并将其写在答题卡相应题号后。

22. 已知数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n = \frac{2}{3}(4^n - 1)$

(1) 求  $\{a_n\}$  的通项公式

(2) 若  $a_k = 128$ , 求  $k$



23. 在 $\triangle ABC$ 中,  $\angle A=30^\circ$ ,  $AB=2$ ,  $BC=\sqrt{3}$ , 求

(1)  $\sin C$

(2)  $AC$

24. 已知函数  $f(x)=x^3+x^2-5x-1$ , 求

(1)  $f(x)$ 的单调区间

(2)  $f(x)$ 零点的个数



25. 已知椭圆  $C$  的长轴长为 4，两焦点分别为  $F_1(-\sqrt{3}, 0)$ ,  $F_2(\sqrt{3}, 0)$

(1) 求  $C$  的标准方程

(2) 若  $P$  为  $C$  上一点,  $||PF_1| - |PF_2|| = 2$ , 求  $\cos \angle F_1PF_2$



2018 年成人高考学校招生全国统一考试  
数学答案与解析

1. 【答案】D

【解析】 $A \cup B = \{2, 4, 8\} \cup \{2, 4, 6, 8\} = \{2, 4, 6, 8\}$

2. 【答案】A

【解析】 $x^2 - 2x < 0 \Rightarrow x(x-2) < 0 \Rightarrow 0 < x < 2$ ，故解集为  $\{x | 0 < x < 2\}$

3. 【答案】B

【解析】曲线  $y = \frac{-2}{x}$  的对称中心是原点  $(0, 0)$ ，而曲线  $y = \frac{2}{1-x}$  是由曲线  $y = \frac{-2}{x}$  向右平移 1 个单位形成的，故曲线  $y = \frac{2}{1-x}$  的对称中心是  $(1, 0)$

4. 【答案】C

【解析】A、D 两项在  $(0, +\infty)$  上为减函数，B 项在  $(0, +\infty)$  不是单调函数。

5. 【答案】D

【解析】最小正周期  $T = \frac{\pi}{\omega} = \frac{\pi}{2}$

6. 【答案】D

【解析】D 项  $y = f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$ ，则  $f(-x) = \sqrt{(-x)^2 + 1} = \sqrt{x^2 + 1} = f(x)$ ，故  $y = \sqrt{x^2 + 1}$  为偶函数。

7. 【答案】B

【解析】函数  $y = \log_2(x+2)$  的图像向上平移 1 个单位后，所得图像对应的函数为  $y - 1 = \log_2(x - 0 + 2)$ ，即  $y = \log_2(x+2) + 1$

8. 【答案】A



【解析】 $\{a_n\}$ 为等差数列， $a_1=1$ ，则 $a_2=1+d$ ， $a_3=1+2d$ ， $a_6=1+5d$ ，  
又因 $a_2$ ， $a_3$ ， $a_6$ 成等比数列，则 $a_3^2=a_2 \cdot a_6$ ，即 $(1+2d)^2=(1+d)(1+5d)$ ，  
解得 $d=0$ （舍去）或 $d=-2$ ，故选C。

9. 【答案】A

【解析】这2个数都是偶数的概率为 $P=\frac{C_2^2}{C_3^2}=\frac{1}{10}$

10. 【答案】C

【解析】圆 $x^2+y^2+2x-6y-6=0$ 可化为 $(x+1)^2+(y-3)^2=16$ ，故圆的半径  
为4

11. 【答案】D

【解析】 $3x^2-4y^2=12$ 可化为 $\frac{x^2}{4}-\frac{y^2}{3}=1$ ，即 $a^2=4$ ， $b^2=3$ ，则  
 $c=\sqrt{a^2+b^2}=\sqrt{7}$ ，则焦距 $2c=2\sqrt{7}$

12. 【答案】B

【解析】抛物线 $y^2=6x$ 的焦距为 $F\left(\frac{3}{2},0\right)$ ，则直线AF的斜率

$$k=\frac{0-(-1)}{\frac{3}{2}-0}=\frac{2}{3}$$

13. 【答案】C

【解析】该女生不在两端的不同排法有 $C_2^1 C_3^3=12$ 种

14. 【答案】C

【解析】 $a+mb=(1,t)+m(-1,2)=(1-m,t+2m)$ ，又因 $a+mb$ 平行于向量  
 $(-2,1)$ ，则 $1 \times (1-m) = -2 \times (t+2m)$ ，化简得 $2t+3m+1=0$

15. 【答案】A



【解析】当  $x = \frac{\pi}{9}$  时，函数  $f(x) = 2 \cos\left(3x - \frac{\pi}{3}\right)$  取最大值，最大值为 2

16. 【答案】B

【解析】由  $\begin{cases} y = x^2 - 2x - 3 \\ y = x + 1 \end{cases}$ ，得  $\begin{cases} x = -1 \\ y = 0 \end{cases}$  或  $\begin{cases} x = 4 \\ y = 5 \end{cases}$ ，即 A (-1, 0)，B (4, 5)，

$$\text{则 } |AB| = \sqrt{(-1-4)^2 + (0-5)^2} = 5\sqrt{2}$$

17. 【答案】B

【解析】图像有对称轴的不一定是偶函数，但偶函数的图像一定有对称轴  $y$  轴，故选 B

18. 【答案】 $x - 3y - 7 = 0$

【解析】因为所求直线与直线  $3x + y - 1 = 0$  垂直，故可设所求直线方程为  $x - 3y + a = 0$ ；又直线经过点 (1, -2)，故  $1 - 3 \times (-2) + a = 0$ ，则  $a = -7$ ，即所求直线方程为  $x - 3y - 7 = 0$

19. 【答案】 $\frac{3}{8}$

【解析】恰有 2 次正面向上的概率是  $P = C_4^2 \left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{4-2} = \frac{3}{8}$

20. 【答案】 $-\frac{24}{25}$

【解析】 $x$  为第四象限角，则  $\cos x = \sqrt{1 - \sin^2 x} = \sqrt{1 - \left(-\frac{3}{5}\right)^2} = \frac{4}{5}$ ，故

$$\sin 2x = 2 \sin x \cos x = -\frac{24}{25}$$

21. 【答案】 $x + y = 0$

【解析】根据导数的几何意义，曲线在 (0, 0) 处的切线斜率

$k = y'|_{x=0} = -1$ ，则切线方程为  $y - 0 = -1 \cdot (x - 0)$ ，化简得  $x + y = 0$

22. 【答案】



(1) 由题设可知当  $n > 1$  时  $S_n = \frac{2}{3}(4^n - 1)$

$$S_{n-1} = \frac{2}{3}(4^{n-1} - 1), \text{ 则 } a_n = S_n - S_{n-1} = \frac{4^n}{2}$$

当  $n=1$  时,  $a_1 = S_1 = 2$

$$\text{综上 } a_n = \frac{4^n}{2}$$

(2) 由  $128 = \frac{4^k}{2}$ , 解得  $k = 4$

### 23. 【答案】

(1) 由正弦定理  $\frac{AB}{\sin C} = \frac{BC}{\sin A}$ , 可得  $\frac{2}{\sin C} = 2\sqrt{3}$ , 即  $\sin C = \frac{\sqrt{3}}{3}$

(2) 由余弦定理  $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cos A$  可得  $AC^2 - 2\sqrt{3}AC + 1 = 0$

解得  $AC = \sqrt{3} + \sqrt{2}$  或  $AC = \sqrt{3} - \sqrt{2}$

### 24. 【答案】

$$(1) f'(x) = 3x^2 + 2x - 5 = (3x + 5)(x - 1),$$

令  $f'(x) = 0$ , 解得  $x = -\frac{5}{3}$  或  $x = 1$

当  $x < -\frac{5}{3}$  时,  $f'(x) > 0$ ;

当  $-\frac{5}{3} < x < 1$  时,  $f'(x) < 0$ ;

当  $x > 1$  时,  $f'(x) > 0$

故  $f(x)$  的单调递增区间为  $(-\infty, -\frac{5}{3})$ ,  $(1, +\infty)$ , 单调递减区间为  $(-\frac{5}{3}, 1)$

(2) 由 (1) 可知  $f(x)$  在  $x = -\frac{5}{3}$  时取得极大值  $f(-\frac{5}{3}) = \frac{148}{27} > 0$ ,

在  $x = 1$  时取得极小值  $f(1) = -4 < 0$ ,  $f(2) = 1 > 0$ , 根据 (1) 关于  $f(x)$  单调

性的结论, 可知  $f(x)$  有 3 个零点



25. 【答案】

(1) 由已知可得  $C$  的长半轴的长  $a=2$ ，半焦距  $c=\sqrt{3}$ ，故  $C$  的短半轴的长  $b=\sqrt{a^2-c^2}=1$ ，又  $C$  的焦点在  $x$  轴上，所以  $C$  的标准方程为

$$\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$$

(2) 根据椭圆的定义，可得  $|PF_1| + |PF_2| = 4$ ，由题设知  $|PF_1| - |PF_2| = 2$ ，解得  $|PF_1| = 3$ ， $|PF_2| = 1$ ，又  $|F_1F_2| = 2\sqrt{3}$ ，所以在  $\triangle F_1PF_2$  中，

$$\cos \angle F_1PF_2 = \frac{|PF_1|^2 + |PF_2|^2 - |F_1F_2|^2}{2|PF_1||PF_2|} = -\frac{1}{3}$$

